# M-ary OSTBC MIMO 시스템의 성능 연구

홍영진 <sup>1</sup>동명대학교 전기공학과

# Performance of M-ary OSTBC MIMO System

### Young-Jin Hong<sup>1\*</sup>

<sup>1</sup>Department of Electrical Engineering, Tongmyong University

요 약 Alamouti 알고리즘에 기반한 M-ary 2×N OSTBC(Orthogonal Space Time Block Coded) MIMO(Multi Input Multi Output) 시스템의 성능을 두개의 파라미터, 즉 constellation 숫자(M)와 수신안테나 숫자(N)를 변화시키며 컴퓨터 모의실험에 의하여 알아보았다. 2×N MIMO 시스템의 성능과 단일 송신안테나 시스템의 성능비교를 위하여 MRC(Maximum Ratio Combining) 다이버시티 안테나 시스템의 성능 역시 컴퓨터 모의실험을 통하여 수행하였다. 10 dB EbNo QPSK 시스템의 경우 Alamouti 2×1 MIMO가 단수안테나 시스템에 비해 4.2 dB의 BER을 향상시켰으며 2×2 MIMO는 1×2 MRC 대비 7.4 dB의 BER을 향상시켰다.

Abstract Performance of the Alamouti algorithm based M-ary 2×N OSTBC(Orthogonal Space Time Block Coded) MIMO(Multi Input Multi Output) system has been simulated varying two main parameters - the number of constellation(M), and the number of receiving antennas(N). Computer simulation has also been carried out using Matlab software for performance comparison between 2×N MIMO and MRC(Maximal Ratio Combining) diversity antenna system to evaluate the degree of enhancement achieved through the use of Alamouti 2×N MIMO. Under 10 dB EbNo QPSK scenario, 2×1 MIMO brought 4.2 dB BER improvement over single antenna system and 2×2 MIMO resulted in 7.4 dB BER improvement over 1×2 MRC.

Keywords : BER, EbNo, MIMO, MRC, OSTBC

# 1. 서론

20세기 말과 21세기 초반에 걸쳐 이루어진 무선이동 통신의 전세계적인 확산에 주파수자원의 효율적인 이용 을 가능하게 하는 다양한 실용화기술(enabling technology) 의 발전이 밑바탕이 되었다는 것은 아무리 강조하여도 지나침이 없다. 2G, 3G를 거쳐 4G LTE 기술표준이 상 용화되고 있는 현재 셀룰라 망 뿐만 아니라 WiFi망에서 도 주파수 효율화를 가능하게 하는 도우미의 하나로 MIMO기술이 자리잡게 되었다.

무선통신기술의 진화는 자연적으로 복수안테나 채용 가능성에 대한 연구로 이어졌는데 초기단계의 복수안테 Alamouti[1]는 이러한 수신 다이버시티 개념을 송신 다 이버시티 개념으로 확장하였는데 동일 송신신호의 다수 복사본을 수신단에서 신호처리함으로써 다중경로에 의 한 열화현상을 완화할 수 있음을 제시하였다. Tarokh et. al.[2,3]은 송신 다이버시티 개념을 바탕으로 송신안테나 와 수신안테나의 숫자를 확장하는 OSTBC MIMO 이론 을 정립하였고 MIMO 시스템이 단수안테나에 비해 링 크의 효율과 BER 특성을 개선함을 보였다. 특히 Rayleigh 다중경로 환경에서 MIMO 시스템의 링크효율 즉 용량이득이 송수신 안테나 숫자 중 적은 숫자에 비례 해서 증가한다는 것을 Foschini Jr. et. al.[4]이 발표하였

나는 통신의 한쪽 끝, 주로 수신단에 한정되어 있었다.

\*Corresponding Author : Young-Jin Hong(Tongmyong Univ.) Tel: +82-10-3778-0619 email: gryjhong@tu.ac.kr Received June 19, 2015 Accepted September 11, 2015

Revised September 9, 2015 Published September 30, 2015 다. OSTBC MIMO에서는 송신 신호가 블록 단위로 부 호화되어 공간적 이격을 갖는 복수개의 송신안테나에 시간적인 배열순서를 가지고 전달된다. 안테나에서 송신 된 신호스트림은 다시 복수개의 수신안테나에 수신되어 maximum likelihood 방법으로 복조된다.

OFDM(Orthogonal Frequency Division Multiplexing)[5] 은 이동통신 환경의 주파수선택적 다중경로 페이딩에 대 응하는 대표적 기술로 MIMO와의 결합으로 의미 있는 성능 향상을 기대할 수 있기 때문에 MIMO OFDM 분야 에는 많은 연구가 집중되어 왔으나 OSTBC MIMO 이론 을 적용한 기본적인 통신시스템의 정량적인 성능개선에 관한 연구발표는 상대적으로 많지 않았던 것이 현실이 다. 본 논문에서는 기본적인 통신시스템인 M-ary PSK 변조를 사용한 시스템에 MIMO를 적용했을 경우의 성 능개선 효과를 정량적으로 다루어 보고자 한다.

본 논문은 모두 4장으로 이루어져 있다. 2장에서는 Alamouti Space-Time Code 모델이 설명되고 constellation 숫자와 수신안테나 숫자의 변화에 따른 OSTBC MIMO 시스템의 성능 개선을 나타내는 Matlab을 사용한 컴퓨 터 모의실험이 3장에서 설명되었으며 마지막으로 4장에 서 결론이 서술되었다.

#### 2. Alamouti Space-Time Code

Alamouti 2×1 STBC 모델의 부호기와 복호기의 블록 도가 Fig.1과 Fig.2에서 각각 설명되었다.

Fig. 1의 Alamouti 부호기[6]는 두 개의 변조된 심볼 s<sub>1</sub>과 s<sub>2</sub>로부터 코드행렬을 다음 식처럼 생성한다.

$$S = \begin{bmatrix} s_1 - s_2^* \\ s_2 & s_1^* \end{bmatrix}$$
(1)









식 (1)에서 각 열은 송신시간을, 각 행은 송신안테나 배열을 의미하고  $s_1^* = s_1$ 의 공액복소수를 의미한다. 두 개의 송신안테나와 하나의 수신안테나가 연결되는 경로 의 채널 특성이 Fig. 2에서 나타난 것처럼 각각  $h_1$ 과  $h_2$ 로 표시된다면 수신안테나 신호는 다음식으로 표시된 다.

$$r_{1} = h_{1}s_{1} + h_{2}s_{2} + n_{1}$$

$$r_{2} = -h_{1}s_{2}^{*} + h_{2}s_{1}^{*} + n_{2}$$
(2)

식 (2)에서 r<sub>1</sub>과 r<sub>2</sub>는 각각 시간 t와 t+ T에서의 수 신 신호를, n<sub>1</sub>과 n<sub>2</sub>는 각각 시간 t와 t+ T에서의 백색 가우시안 잡음을 나타내고 T는 심볼 구간을 표시한다. Fig. 2의 결합기에서는 채널 추정기에서 복원한 채널특 성을 이용해서 ML검파기에 보낼 신호를 다음식에 의하 여 생성한다.

$$\tilde{s}_{1} = h_{1}^{*}r_{1} + h_{2}r_{2}^{*} = \left(|h_{1}|^{2} + |h_{2}|^{2}\right)s_{1} + h_{1}^{*}n_{1} + h_{2}n_{2}^{*}$$

$$\tilde{s}_{2} = h_{2}^{*}r_{1}^{*} - h_{1}r_{2}^{*} = \left(|h_{1}|^{2} + |h_{2}|^{2}\right)s_{2} - h_{1}n_{2}^{*} + h_{2}^{*}n_{1}$$
(3)

ML검파기에서는 최소 유클리디언거리 방법에 의해 신호를 복호한다. 수신안테나가 여러개 존재할 경우에는 각 수신안테나 신호의 선형결합을 송신신호 결정에 사용 한다는 것을 제외하고는 하나의 수신안테나가 있는 경우 와 동일한 복호 방법을 사용한다.

#### 3. 모의실험결과

Matlab R2010b를 이용하여 두 개의 송신안테나와 다 수의 수신안테나로 이루어진 Alamouti 알고리즘에 기반 한 OSTBC MIMO 시스템의 성능 모의실험을 수행하였 다. 모의실험환경을 이루는 파라메터들이 Table 1에 표 시되었다.

Table 1. Simulation Parameter

Parameter		Parameter	
Tx antenna	2	Packet	1000
Frame length	100	Multi-path	Rayleigh

랜덤변수발생기에 의해 생성되고 사상의 과정을 거친 통신시스템의 입력신호는 M-PSK 디지털 신호로 변조된 후 OSTBC 부호기를 통과하여 두 개의 송신안테나에서 레일리 다중경로 페이딩 채널로 방 사된다. 수신안테나 에서 백색 가우시안 잡음에 의해왜곡된 신호는 OSTBC 복호기, M-PSK복조기에 의해 원래의 신호로 복원된다. 모의실험은 송수신단의 시간동기와 주파수동기가 완전 하다는 가정아래 진행되었다.

Fig. 3에서는 변조의 차수가 4, 즉 QPSK 변조 환경 에서 송신안테나와 수신안테나의 수가 각각 1인 단수안 테나 시스템의 BER성능과 송신안테나의 수를 두 개로 한 2×1 MIMO 시스템의 BER성능이 백색잡음 신호대잡 음비를 0 dB에서 20dB로 변화시키며 비교되었다. 단수 안테나시스템 대비 2×1 MIMO 시스템의 성능향상은 EbNo의 증가와 함께 커지다가 17-18 EbNo 근처에서 10 dB에 도달함이 관찰되었다. 송신다이버시티의 성능 개선 정도를 비교평가하기 위한 목적으로 1×2 MRC 다 이버시티 콤바이너의 BER특성도 예시되었는데 하나의 허브(송신안테나)에 접속되는 각각의 수신장치 마다 두 개의 안테나를 설치하여야 하는 비용의 상승과 BER성 능의 향상이 서로 트레이드 오프의 관계에 있음을 유의 할 필요가 있다.



Fig. 3. Performance of 2×1 MIMO and 1×2 MRC at QPSK scenario

Fig. 4는 Fig. 3과 동일한 변조환경과 수신단 SNR 환 경에서 1×2 MRC 대비 2×2 MIMO 시스템으로 얻을 수 있는 BER성능 개선을 나타낸 그래프이다. EbNo 6 dB 이하에서는 그 개선의 정도가 미미하였으나 대부분의 통 신환경에서 전형값인 EbNo 10 dB에서 7.4 dB의 BER 성능개선을 보였다.



Fig. 4. BER Performance of 2×2 MIMO and 1×2 MRC at QPSK scenario

Fig. 5는 constellation 숫자의 변화에 따른 2×1 MIMO 시 스템의 성능변화를 나타낸 그림이다. Constellation 숫자 는 2(BPSK), 4(QPSK), 8(8PSK)을 대상으로 하였으며 성능을 나타내는 척도는 단수안테나시스템 대비 BER 특성의 향상정도(dB)로 하였다. 변조의 차수가 적을수 록, 즉 주파수효율이 낮을수록 2×1 송신다이버시티에 의 한 BER성능 향상의 정도는 컸으며 EbNo가 16 dB 일 때 단수안테나시스템의 BER 대비 BPSK, QPSK, 8PSK 에서 각각 10.8 dB, 8.9 dB, 4.9 dB 향상(감소)함이 관찰 되었다. 수신단 열잡음 신호대잡음비가 높을수록 성상 숫자의 변화에 따른 2×1 송신다이버시티에 의한 성능변 화의 민감도가 증가하였다.



Fig. 5. BER performance improvement of 2×1 MIMO over single antenna system

QPSK 환경에서 수신안테나 숫자와 MIMO 시스템의 성능과의 관계가 Fig. 6에 설명되었다. Fig. 6은 수신단 열잡음 신호대잡음비의 값을 0 dB에서 20 dB까지 변화

시키며 2×1, 2×2, 2×4, 2×6 MIMO 시스템의 BER특성 을 스케치한 것으로 수신안테나의 숫자의 증가는 당연히 그 비용의 댓가로 BER특성의 향상을 초래하였다. SNR 10 dB에서 2×1 MIMO가 0.034 BER을 나타낸 반면 2×2 MIMO가 0.0019 BER을 나타내어 10 dB 이상의 BER 감소를 달성함이 관찰되었다. 특히 2×2의 경우 수 신단 SNR 18 dB 이상, 2×4의 경우 수신단 SNR 10 dB 이상, 그리고 2×6의 경우 수신단 SNR 8 dB 이상에서 그래프가 불연속인 것은 그 점에서의 BER이 0에 가까 운 값을 갖는 것을 의미한다. Fig. 6의 응용 예로 주어진 통신환경에서 특정한 BER값을 얻기 위한 방편으로 수 신안테나의 규격을 결정할 수 있다. 즉 수신단 SNR이 10 dB인 환경에서 사용 가능한 주파수 대역폭 때문에 디지털변조의 차수를 4 이상으로 해야 하고 BER 10<sup>-3</sup> 이상을 얻어야 할 경우 Fig. 6에서 수신안테나의 숫자는 적어도 2 이상이 되어야 함을 알 수 있다.



Fig. 6. BER performance of several MIMO systems at QPSK scenario

## 4. 결론

본 논문에서는 Alamouti 알고리즘 기반의 MIMO시 스템의 원리를 간단히 살펴보고 Matlab R2010b를 이용 하여 두 개의 송신안테나와 다수의 수신안테나로 이루어 진 MIMO시스템의 성능에 관한 모의실험을 수행하였다. M-ary PSK 디지털 변조 모델을 모의실험 대상으로 하 였고 constellation 숫자와 수신안테나의 숫자의 변화에 따른 시스템의 성능 변화를 관찰하였다. 수신단 입력 SNR이 증가할수록 MIMO시스템 채용으로 인한 성능개 선의 폭도 따라서 증가하였으며 디지털변조의 차수가 증 가할수록 MIMO시스템의 성능개선 효율은 감소함이 관 찰되었으나 주파수효율의 증가에 따른 비용효과를 감안 한다면 M-ary 변조 통신환경에서 OSTBC MIMO 시스 템은 우수한 성능을 보임이 입증되었다.

#### References

 S. M. Alamouti, "A simple transmitter diversity technique for wireless communications", IEEE Journal on Selected Areas in Communications, Vol. 16, No. 8, pp. 1451-1458, Oct. 1998.
 DOI: http://dx.doi.org/10.1109/49.730453

[2] V. Tarokh, H. Jafarkhani, and A. R. Calderbank, "Space-time block codes from orthogonal designs", IEEE Transactions on Information Theory, Vol. 45, No. 5, pp. 1456-1467, July 1999.

DOI: http://dx.doi.org/10.1109/18.771146

[3] V. Tarokh, H. Jafarkhani, and A. R. Calderbank, "Space-time block coding for wireless communications: performance results", IEEE Journal on Selected Areas in Communications, Vol. 17, No. 3, pp. 451-460, March 1999.

DOI: http://dx.doi.org/10.1109/49.753730

- [4] G. Foschini Jr. and M. Gans, "On limits of wireless communication in a fading environment when using multiple antennas", Wireless Personal Communications, Vol. 6, pp. 311-335, March 1998. DOI: http://dx.doi.org/10.1023/A:1008889222784
- [5] L. Hanzo, M. Münster, B. Choi, and D. Keller, OFDM and MC-CDMA for Broadband Multi-user Communications, WLANs and Broadcasting, John Wiley and IEEE Press, 2003. DOI: http://dx.doi.org/10.1002/9780470861813
- [6] M.Jankiraman, space-time codes and MIMO systems, Artech House, 2004.

#### 홍 영 진(Young-Jin Hong) [정회원]



- 1978년 2월 : 서울대학교 전기공학 과 (전기공학학사)
- •1985년 12월 : 뉴욕주립대 스토니 브룩 전자공학과(전자공학박사)
- •1977년 11월 ~ 1981년 8월 : 삼성 전자 연구원
- •1986년 6월 ~ 1992년 1월 : 뉴욕 LNR Communications 책임연구원
- •1992년 1월 ~ 1993년 8월 : 삼성종합기술원 전송기술연구 실장
- •1993년 8월 ~ 1994년 3월 : KT 위성사업단 위성감리국장
- •1994년 3월 ~ 1997년 7월 : 성미전자 연구소장 전무
- •1997년 7월 ~ 2003년 12월 : SK C&C SI부문장 전무
- •2005년 3월 ~ 현재 : 동명대학교 전기공학과 교수

<관심분야> 이동통신, 스마트안테나